

Минобрнауки России
ФЕДЕРАЛЬНОЕ ГОСУДАРСТВЕННОЕ БЮДЖЕТНОЕ ОБРАЗОВАТЕЛЬНОЕ УЧРЕЖДЕНИЕ
ВЫСШЕГО ОБРАЗОВАНИЯ
«ВОРОНЕЖСКИЙ ГОСУДАРСТВЕННЫЙ УНИВЕРСИТЕТ»
(ФГБОУ ВО «ВГУ»)

УТВЕРЖДАЮ



Заведующий кафедрой
Кургалин Сергей Дмитриевич
Кафедра цифровых технологий

05.03.2024

РАБОЧАЯ ПРОГРАММА УЧЕБНОЙ ДИСЦИПЛИНЫ

Б1.О.20 Теория вероятностей и математическая статистика

1. Код и наименование направления подготовки/специальности:

10.05.01 Компьютерная безопасность

2. Профиль подготовки/специализация:

Разработка защищенного программного обеспечения

3. Квалификация (степень) выпускника:

Специалитет

4. Форма обучения:

Очная

5. Кафедра, отвечающая за реализацию дисциплины:

Кафедра цифровых технологий

6. Составители программы:

Попова Александра Евгеньевна, к. ф.-м. н., ассистент

7. Рекомендована: протокол НМС № 5 от 05.03.24

8. Учебный год: 2025-2026 **Семестр(ы):** 3,4

9. Цели и задачи учебной дисциплины:

Цель: систематическое изучение методов и моделей теории вероятностей и математической статистики.

Задачи:

- формирование представлений о вероятностных моделях реальных физических явлений и процессов;
- изучение математического аппарата теории вероятностей и статистики.

10. Место учебной дисциплины в структуре ООП:

Учебная дисциплина относится к обязательной части блока Б1. Для успешного освоения данного курса необходимо предварительное изучение математического анализа.

Теория вероятностей и математическая статистика относится к числу фундаментальных разделов современной математики. Знание основ теории вероятностей и математической статистики является важной составляющей общей математической культуры выпускника.

11. Планируемые результаты обучения по дисциплине/модулю (знания, умения, навыки), соотнесенные с планируемыми результатами освоения образовательной программы (компетенциями выпускников):

Код и название компетенции	Код и название индикатора компетенции	Знания, умения, навыки
ОПК-3 Способен на основании совокупности математических методов разрабатывать, обосновывать и реализовывать процедуры решения задач профессиональной деятельности;	ОПК-3.49 знает основные понятия теории вероятностей, числовые и функциональные характеристики распределений случайных величин и их основные свойства;	знать: классическое определение вероятности, основные понятия теории вероятностей, функциональные характеристики распределений случайных величин и их основные свойства
ОПК-3 Способен на основании совокупности математических методов разрабатывать, обосновывать и реализовывать процедуры решения задач профессиональной деятельности;	ОПК-3.50 знает классические предельные теоремы теории вероятностей;	знать: неравенства Маркова и Чебышёва, формулировку центральной предельной теоремы
ОПК-3 Способен на основании совокупности математических методов разрабатывать, обосновывать и реализовывать процедуры решения задач профессиональной деятельности;	ОПК-3.51 знает основные понятия теории случайных процессов;	знать: определение случайного процесса, свойства случайных процессов, понятие цепей Маркова
ОПК-3 Способен на основании совокупности математических методов разрабатывать, обосновывать и реализовывать процедуры решения задач профессиональной деятельности;	ОПК-3.52 знает постановку задач и основные понятия математической статистики;	знать: основные задачи математической статистики, основные понятия математической статистики, понятие о статистических гипотезах

ОПК-3 Способен на основании совокупности математических методов разрабатывать, обосновывать и реализовывать процедуры решения задач профессиональной деятельности;	ОПК-3.53 знает стандартные методы получения точечных и интервальных оценок параметров вероятностных распределений;	знать: стандартные методы математической статистики с использованием получения точечных и интервальных оценок параметров вероятностных распределений
ОПК-3 Способен на основании совокупности математических методов разрабатывать, обосновывать и реализовывать процедуры решения задач профессиональной деятельности;	ОПК-3.54 знает стандартные методы проверки статистических гипотез;	знать: основные статистические критерии и методы проверки статистических гипотез
ОПК-3 Способен на основании совокупности математических методов разрабатывать, обосновывать и реализовывать процедуры решения задач профессиональной деятельности;	ОПК-3.55 умеет обосновывать классические положения и стандартные методы теории вероятностей и случайных процессов;	уметь: в типовых задачах профессиональной деятельности обосновывать классические положения и стандартные методы теории вероятностей и случайных процессов;
ОПК-3 Способен на основании совокупности математических методов разрабатывать, обосновывать и реализовывать процедуры решения задач профессиональной деятельности;	ОПК-3.56 умеет обосновывать классические положения и стандартные методы математической статистики;	уметь: в типовых задачах профессиональной деятельности обосновывать классические положения и стандартные методы математической статистики;
ОПК-3 Способен на основании совокупности математических методов разрабатывать, обосновывать и реализовывать процедуры решения задач профессиональной деятельности;	ОПК-3.57 умеет разрабатывать и использовать вероятностные и статистические модели при решении типовых прикладных задач;	уметь: в типовых задачах профессиональной деятельности разрабатывать и использовать вероятностные и статистические модели

12. Объем дисциплины в зачетных единицах/час:

8/288

Форма промежуточной аттестации:

Экзамен, экзамен

13. Виды учебной работы

Вид учебной работы	Семестр 3		Всего
Аудиторные занятия	68	84	152
Лекционные занятия	34	34	68
Практические занятия	34	34	68
Лабораторные занятия		16	16
Самостоятельная работа	22	42	64
Курсовая работа			0
Промежуточная аттестация	36	36	72

Часы на контроль			0
Всего	126	162	288

13.1. Содержание дисциплины

п/п	Наименование раздела дисциплины	Содержание раздела дисциплины	Реализация раздела дисциплины с помощью онлайн-курса, ЭУМК
1	Основные понятия теории вероятностей	Предмет и задачи курса. Основные понятия теории вероятностей.	https://edu.vsu.ru/course/view.php?id=3737 , https://edu.vsu.ru/course/view.php?id=9620
2	Классическое определение вероятностей	Классическое определение вероятности. Применение классического определения вероятности.	https://edu.vsu.ru/course/view.php?id=3737 , https://edu.vsu.ru/course/view.php?id=9620
3	Условные вероятности	Условные вероятности. Формулы полной вероятности и Бейеса.	https://edu.vsu.ru/course/view.php?id=3737 , https://edu.vsu.ru/course/view.php?id=9620
4	Вероятностная схема Бернулли	Вероятностная схема Бернулли. Статистические распределения. Метод производящих функций.	https://edu.vsu.ru/course/view.php?id=3737 , https://edu.vsu.ru/course/view.php?id=9620
5	Случайные величины	Случайные величины.	https://edu.vsu.ru/course/view.php?id=3737 , https://edu.vsu.ru/course/view.php?id=9620
п/п	Наименование раздела дисциплины	Содержание раздела дисциплины	Реализация раздела дисциплины с помощью онлайн-курса, ЭУМК
6	Характеристики случайных величин	Математическое ожидание. Дисперсия.	https://edu.vsu.ru/course/view.php?id=3737 , https://edu.vsu.ru/course/view.php?id=9620
7	Предельные теоремы	Неравенства Маркова и Чебышева. Центральная предельная теорема.	https://edu.vsu.ru/course/view.php?id=3737 , https://edu.vsu.ru/course/view.php?id=9620

8	Цепи Маркова	Цепи Маркова.	https://edu.vsu.ru/course/view.php?id=3737 , https://edu.vsu.ru/course/view.php?id=9620
9	Случайные блуждания	Случайные блуждания. Стохастические процессы.	https://edu.vsu.ru/course/view.php?id=3737 , https://edu.vsu.ru/course/view.php?id=9620
10	Элементы математической статистики	Элементы математической статистики. Статистические критерии.	https://edu.vsu.ru/course/view.php?id=3737 , https://edu.vsu.ru/course/view.php?id=9620

13.2. Темы (разделы) дисциплины и виды занятий

№ п/п	Наименование темы (раздела)	Лекционные занятия	Практические занятия	Лабораторные занятия	Самостоятельная работа	Всего
1	Основные понятия теории вероятностей	6	6	0	6	18
2	Классическое определение вероятностей	6	6	0	6	18
3	Условные вероятности	6	6	0	6	18
4	Вероятностная схема Бернулли	6	6	0	6	18
5	Случайные величины	6	6	0	6	18
№ п/п	Наименование темы (раздела)	Лекционные занятия	Практические занятия	Лабораторные занятия	Самостоятельная работа	Всего
6	Характеристики случайных величин	6	6	0	6	18
7	Предельные теоремы	6	6	4	6	22
8	Цепи Маркова	6	6	4	6	22
9	Случайные блуждания	10	10	4	8	32

10	Элементы математической статистики	10	10	4	8	32
		68	68	16	64	216

14. Методические указания для обучающихся по освоению дисциплины

Освоение дисциплины складывается из аудиторной работы (учебной деятельности, выполняемой под руководством преподавателя) и внеаудиторной работы (учебной деятельности, реализуемой обучающимся самостоятельно).

Аудиторная работа состоит из выполнения практических и лабораторных заданий в объёме, предусмотренном учебным планом.

Самостоятельная работа предполагает углублённое изучение отдельных разделов дисциплины с использованием литературы, рекомендованной преподавателем, а также конспектов практических (лабораторных) занятий. В качестве плана для самостоятельной работы может быть использован раздел 13.1 настоящей рабочей программы, в котором зафиксированы разделы дисциплины и их содержание. В разделе 13.2 рабочей программы определяется количество часов, отводимое на самостоятельную работу по каждому разделу дисциплины. Большее количество часов на самостоятельную работу отводится на наиболее трудные разделы дисциплины. Для самостоятельного изучения отдельных разделов дисциплины используется перечень литературы и других ресурсов, перечисленных в пунктах 15 и 16 настоящей рабочей программы.

Успешность освоения дисциплины определяется систематичностью и глубиной аудиторной и внеаудиторной работы обучающегося.

При использовании дистанционных образовательных технологий и электронного обучения выполнять все указания преподавателей, вовремя подключаться к online занятиям, ответственно подходить к заданиям для самостоятельной работы.

15. Перечень основной и дополнительной литературы, ресурсов интернет, необходимых для освоения дисциплины

№ п/п	Источник
1	Ганичева, А. В. Теория вероятностей / А. В. Ганичева.— Москва : Лань, 2017 .— <URL: https://e.lanbook.com/book/91078 >
2	Иванов, Б. Н. Теория вероятностей и математическая статистика [Электронный ресурс] : учебное пособие / Иванов Б. Н. — 2-е изд., испр. и доп. — Санкт-Петербург : Лань, 2019 .— 224 с. — <URL: https://e.lanbook.com/book/113901 >

б) дополнительная литература:

№ п/п	Источник
1	Бородин, А. Н. Элементарный курс теории вероятностей и математической статистики : / А. Н. Бородин .— Москва : Лань, 2011 .— 254 с. —<URL: http://e.lanbook.com/books/element.php?pl1_cid=25&pl1_id=2026 >
2	Вентцель, Е. С. Теория вероятностей и её инженерные приложения / Е. С. Вентцель, Л. А. Овчаров. - М. : Высш. шк., 2007. - 492 с.

3	Вентцель, Е. С. Задачи и упражнения по теории вероятностей / Е. С. Вентцель, Л. А. Овчаров. - М. : Высш. шк., 2003. - 439 с.
4	Грэхем, Р. Конкретная математика. Основание информатики / Р. Грэхем, Д. Кнут, О. Паташник. - М. : Мир, 1998. - 704 с.

в) информационные электронно-образовательные ресурсы:

№ п/п	Источник
1	Электронная библиотека ВГУ https://lib.vsu.ru
2	Электронный университет ВГУ https://edu.vsu.ru
3	ЭБС «Лань» https://e.lanbook.com/
4	«Университетская библиотека online» https://biblioclub.ru/
5	«Консультант студента» http://www.studmedlib.ru/
6	«РУКОНТ» (ИТС Контекстум) https://lib.rucont.ru/

16. Перечень учебно-методического обеспечения для самостоятельной работы

№ п/п	Источник
1	Ганичева, А. В. Теория вероятностей / А. В. Ганичева. — Москва : Лань, 2017. — <URL: https://e.lanbook.com/book/91078 >
2	Вентцель, Е. С. Задачи и упражнения по теории вероятностей / Е. С. Вентцель, Л. А. Овчаров. - М. : Высш. шк., 2003. - 439 с.
3	Иванов, Б. Н. Теория вероятностей и математическая статистика [Электронный ресурс] : учебное пособие / Иванов Б. Н. — 2-е изд., испр. и доп. — Санкт-Петербург : Лань, 2019. — 224 с. — <URL: https://e.lanbook.com/book/113901 >

17. Информационные технологии, используемые для реализации учебной дисциплины, включая программное обеспечение и информационно-справочные системы (при необходимости):

При реализации дисциплины могут использоваться технологии электронного обучения и дистанционные образовательные технологии на базе портала edu.vsu.ru, а также другие доступные ресурсы сети Интернет.

18. Материально-техническое обеспечение дисциплины:

Лекционная аудитория, оснащенная мультимедийным проектором; специализированная мебель: доска меловая или маркерная 1 шт., столы, стулья в необходимом количестве. ОС Windows v.7, 8, 10, набор утилит (архиваторы, файл-менеджеры), LibreOffice v.5-7, Foxit PDF Reader.

19. Оценочные средства для проведения текущей и промежуточной аттестаций

Порядок оценки освоения обучающимися учебного материала определяется содержанием следующих разделов дисциплины:

№ п/п	Разделы дисциплины (модули)	Код компетенции	Код индикатора	Оценочные средства для текущей аттестации

1	Разделы 1-10	ОПК-3	ОПК-3.49	Контрольная работа, лабораторная работа
2	Разделы 1-10	ОПК-3	ОПК-3.50	Контрольная работа, лабораторная работа
3	Разделы 1-10	ОПК-3	ОПК-3.51	Контрольная работа, лабораторная работа
4	Разделы 1-10	ОПК-3	ОПК--3.52	Контрольная работа, лабораторная работа
5	Разделы 1-10	ОПК-3	ОПК-3.53	Контрольная работа, лабораторная работа
6	Разделы 1-10	ОПК-3	ОПК-3.54	Контрольная работа, лабораторная работа
7	Разделы 1-10	ОПК-3	ОПК-3.55	Контрольная работа, лабораторная работа
8	Разделы 1-10	ОПК-3	ОПК-3.56	Контрольная работа, лабораторная работа
9	Разделы 1-10	ОПК-3	ОПК-3.57	Контрольная работа, лабораторная работа

Промежуточная аттестация

Форма контроля - Зачет

Оценочные средства для промежуточной аттестации

Комплект КИМ

20 Типовые оценочные средства и методические материалы, определяющие процедуры оценивания

20.1 Текущий контроль успеваемости

Текущий контроль успеваемости по дисциплине осуществляется с помощью следующих оценочных средств: контрольная работа, лабораторная работа.

Примеры заданий для контрольной работы:

Контрольная работа № 3

Вариант 1

Задание 1 (10 баллов). Найти дисперсию случайной величины X , которая задана следующим законом распределения:

X 2 3 5 p

0.1 0.6 0.3

Задание 2 (20 баллов). Вероятность поражения мишени стрелком при одном выстреле равна 0,75. Найти вероятность того, что при 100 выстрелах мишень будет поражена не менее 70 и не более 80 раз.

Задание 3 (20 баллов). Найти функцию распределения двумерной случайной величины по данной плотности распределения: $f(x,y) = (\pi^2(1+x^2)(1+y^2))^{-1}$.

Описание технологии проведения: обучающемуся случайным образом дается вариант контрольной работы. На письменное выполнение заданий предоставляется 2 академических часа.

Требования к выполнению заданий (или шкалы и критерии оценивания): за полное правильное выполнение каждого задания выставляется максимальный балл, приведенный выше. Оценка снижается, если в процессе выполнения задания были допущены ошибки и неточности. Оценка 0 баллов ставится либо за полностью невыполненное задание, либо при наличии грубых ошибок.

Перечень лабораторных работ:

1. Элементы комбинаторики. Вероятность.
2. Теоремы сложения и умножения вероятностей.
3. Условные вероятности.
4. Моделирование повторения испытаний.
5. Случайные величины.
6. Числовые характеристики случайных величин.
7. Однородные цепи Маркова.
8. Выборка. Эмпирическая функция распределения.
9. Точечные оценки неизвестных параметров распределения.

Типовое задание для лабораторной работы:

Лабораторная работа № 1

«Элементы комбинаторики. Вероятность».

Цель работы: получение навыков и умений по практического нахождения вероятности событий в соответствии с классической схемой. Понимание основных величин теории вероятностей (пространство элементарных событий алгебра, событий вероятность) аксиоматического определения вероятности.

Требования к выполнению работы: выполнение лабораторной работы предусматривает написание программы, с помощью которой осуществляется решение прикладных задач теории вероятности.

Отчёт о работе заключается в демонстрации работы программы и объяснении принципов работы алгоритма, основанного на базовых элементах теории вероятностей.

Критерии оценки: для получения оценки «зачтено» необходимо показать высокий уровень владения теоретическим материалом, уметь объяснить принцип работы написанной программы, верно ответить на дополнительные вопросы.

Задание: написать программу, реализующую нахождение по условию конкретной задачи величин: пространство элементарных событий, алгебру событий, вероятность события. Оформить отчет по лабораторной работе.

Описание технологии проведения: до момента завершения текущей аттестации обучающийся должен сдать лабораторную работу. Если работа не зачтена, обучающийся после соответствующей доработки должен сдать лабораторную работу повторно.

Требования к выполнению заданий (или шкалы и критерии оценивания): для получения оценки «зачтено» необходимо показать высокий уровень владения теоретическим материалом, уметь объяснить принцип работы написанной программы, верно ответить на дополнительные вопросы.

20.2 Промежуточная аттестация

Промежуточная аттестация по дисциплине осуществляется с помощью следующих оценочных средств: комплект КИМ.

Перечень вопросов к зачету:

1. Основные понятия теории вероятности.
2. Классическое определение вероятности.
3. Применение классического определения вероятности.
4. Условные вероятности. Формулы полной вероятности и Байеса.
5. Вероятностная схема Бернулли. Статистические распределения.
6. Метод производящих функций.
7. Случайные величины.
8. Математическое ожидание. Дисперсия.
9. Предельные теоремы.
10. Цепи Маркова.
11. Случайные блуждания.
12. Стохастические процессы.
13. Элементы математической статистики.
14. Статистические критерии.

Примеры типовых контрольно-измерительных материалов:

Контрольно-измерительный материал № 1

1. Условные вероятности.
2. Предельные теоремы.

Контрольно-измерительный материал № 2

1. Формулы полной вероятности и Байеса.
2. Статистические критерии.

Описание технологии проведения. Обучающемуся случайным образом дается КИМ, содержащий 2 вопроса из перечня выше. На выполнение заданий предоставляется 2 академических часа.

Требования к выполнению заданий (или шкалы и критерии оценивания). Для оценивания результатов обучения на зачете используются следующие показатели:

- 1) знание основных понятий теории вероятности и математической статистики и их методов, которые используются для построения моделей и конструирования алгоритмов решения практических задач;
- 2) знание постановки классических задач;
- 3) знание методов формулировки и доказательства математических утверждений;
- 4) умение применять методы теории вероятности и математической статистики для решения задач профессиональной деятельности;
- 5) умение применять аппарат теории вероятности и математической статистики для доказательства утверждений и теорем;
- 6) владение навыками квалифицированного выбора и адаптации существующих методов теории вероятности и математической статистики для решения практических задач;
- 7) владение навыками использования методов решения классических задач теории вероятности и математической статистики для решения различных естественнонаучных задач.

Приведённые ниже задания рекомендуется использовать при проведении диагностических работ для оценки остаточных знаний по дисциплине

ФОС_10.05.01 Компьютерная безопасность

top/По умолчанию для ФОС_10.05.01 Компьютерная безопасность

top/По умолчанию для ФОС_10.05.01 Компьютерная безопасность
/ОПК-1/Теория вероятностей и математическая статистика

top/По умолчанию для ФОС_10.05.01 Компьютерная безопасность
/ОПК-1/Теория вероятностей и математическая статистика/Теория
вероятностей и математическая статистика_тестовые задания

1

Отметьте свойство, которым НЕ обладают элементарные исходы опыта:			МС
Балл по умолчанию:			1
Случайный порядок ответов			Да
Нумеровать варианты ответов?			0
Штраф за каждую неправильную попытку:			33.3
ID-номер:			
#	Ответы	Отзыв	Оценка
A.	неразложимы		0
B.	попарно независимы		100
C.	попарно несовместны		0
D.	образуют полную группу		0
Общий отзыв к вопросу:			
Для любого правильного ответа:		Ваш ответ верный.	
Для любого неправильного ответа:		Ваш ответ неправильный.	
Подсказка 1:			
Показать количество правильных ответов (Подсказка 1):		Нет	
Удалить некорректные ответы (Подсказка 1):		Нет	
Теги:			
Позволяет выбирать один или несколько правильных ответов из заданного списка. (МС/МА)			

Случайная величина задана своим законом распределения:

x_i	0	1	-1
p_i	0.4	0.4	0.2

Найти математическое ожидание.

			MC
Балл по умолчанию:			1
Случайный порядок ответов:			Да
Нумеровать варианты ответов?			0
Штраф за каждую неправильную попытку:			33.3
ID-номер:			
#	Ответы	Отзыв	Оценка
A.	0		0
B.	1.5		0
C.	0.2		100
D.	-0.2		0
Общий отзыв к вопросу:			
Для любого правильного ответа:		Ваш ответ верный.	
Для любого неправильного ответа:		Ваш ответ неправильный.	
Подсказка 1:			
Показать количество правильных ответов (Подсказка 1):		Нет	
Удалить некорректные ответы (Подсказка 1):		Нет	
Теги:			
Позволяет выбирать один или несколько правильных ответов из заданного списка. (MC/MA)			

Каким свойством НЕ обладает дисперсия случайной величины?			МС
Балл по умолчанию:			1
Случайный порядок ответов			Да
Нумеровать варианты ответов?			0
Штраф за каждую неправильную попытку:			33.3
ID-номер:			
#	Ответы	Отзыв	Оценка
A.	неотрицательна		0
B.	для произведения независимых величин равна произведению дисперсий		100
C.	равна нулю для постоянной величины		0
D.	для суммы независимых величин равна сумме дисперсий		0
Общий отзыв к вопросу:			
Для любого правильного ответа:		Ваш ответ верный.	
Для любого неправильного ответа:		Ваш ответ неправильный.	
Подсказка 1:			
Показать количество правильных ответов (Подсказка 1):		Нет	
Удалить некорректные ответы (Подсказка 1):		Нет	
Теги:			
<i>Позволяет выбирать один или несколько правильных ответов из заданного списка. (МС/МА)</i>			

Непрерывная случайная величина равномерно распределена в промежутке от -1 до 1. Как выглядит её плотность распределения в этом промежутке?			МС
Балл по умолчанию:			1
Случайный порядок ответов:			Да
Нумеровать варианты ответов?			0
Штраф за каждую неправильную попытку:			33.3
ID-номер:			
#	Ответы	Отзыв	Оценка
A.	$\backslash(p(x) = 1\backslash)$		0
B.	$\backslash(p(x) = 1/2\backslash)$		100
C.	$\backslash(p(x) = e^{-x}\backslash)$		0
D.	$\backslash(p(x) = x\backslash)$		0
Общий отзыв к вопросу:			
Для любого правильного ответа:		Ваш ответ верный.	
Для любого неправильного ответа:		Ваш ответ неправильный.	
Подсказка 1:			
Показать количество правильных ответов (Подсказка 1):		Нет	
Удалить некорректные ответы (Подсказка 1):		Нет	
Теги:			
Позволяет выбрать один или несколько правильных ответов из заданного списка. (МС/МА)			

Какое из перечисленных распределений называется показательным?			МС
Балл по умолчанию:			1
Случайный порядок ответов			Да
Нумеровать варианты ответов?			0
Штраф за каждую неправильную попытку:			33.3
ID-номер:			
#	Ответы	Отзыв	Оценка
A.	$\rho(x) = \lambda e^{-\lambda x}, \lambda, x \geq 0$		100
B.	$\rho(x) = \frac{1}{\pi(1+x^2)}$		0
C.	$\rho(x) = \frac{1}{\sqrt{2\pi}} e^{-x^2/2}$		0
D.	$\rho(x) = C, x \in [a, b]$		0
Общий отзыв к вопросу:			
Для любого правильного ответа:		Ваш ответ верный.	
Для любого неправильного ответа:		Ваш ответ неправильный.	
Подсказка 1:			
Показать количество правильных ответов (Подсказка 1):		Нет	
Удалить некорректные ответы (Подсказка 1):		Нет	
Теги:			
<i>Позволяет выбрать один или несколько правильных ответов из заданного списка. (МС/МА)</i>			

Плотность распределения случайной величины имеет вид: $p(x) = 3e^{-3x}$. Каково её математическое ожидание?			МС
Балл по умолчанию:			1
Случайный порядок ответов			Да
Нумеровать варианты ответов?			0
Штраф за каждую неправильную попытку:			33.3
ID-номер:			
#	Ответы	Отзыв	Оценка
A.	$\sqrt{3}$		0
B.	\sqrt{e}		0
C.	$\sqrt{\pi - 3}$		0
D.	$\sqrt{1/3}$		100
Общий отзыв к вопросу:			
Для любого правильного ответа:		Ваш ответ верный.	
Для любого неправильного ответа:		Ваш ответ неправильный.	
Подсказка 1:			
Показать количество правильных ответов (Подсказка 1):		Нет	
Удалить некорректные ответы (Подсказка 1):		Нет	
Теги:			
Позволяет выбрать один или несколько правильных ответов из заданного списка. (МС/МА)			

Каким свойством НЕ обладает коэффициент корреляции?			МС
Балл по умолчанию:			1
Случайный порядок ответов			Да
Нумеровать варианты ответов?			0
Штраф за каждую неправильную попытку:			33.3
ID-номер:			
#	Ответы	Отзыв	Оценка
A.	находится в отрезке от -1 до 1		0
B.	у величин, связанных линейной зависимостью, максимален по модулю		0
C.	рассчитывается как произведение среднеквадратических отклонений		100
D.	равен нулю у независимых величин		0
Общий отзыв к вопросу:			
Для любого правильного ответа:		Ваш ответ верный.	
Для любого неправильного ответа:		Ваш ответ неправильный.	
Подсказка 1:			
Показать количество правильных ответов (Подсказка 1):		Нет	
Удалить некорректные ответы (Подсказка 1):		Нет	
Теги:			
<i>Позволяет выбирать один или несколько правильных ответов из заданного списка. (МС/МА)</i>			

Брошены две игральные кости. Какова вероятность, что сумма очков на них больше 5?			МС
Балл по умолчанию:			1
Случайный порядок ответов			Да
Нумеровать варианты ответов?			0
Штраф за каждую неправильную попытку:			33.3
ID-номер:			
#	Ответы	Отзыв	Оценка
A.	1/5		0
B.	5/36		0
C.	1/12		0
D.	13/18		100
Общий отзыв к вопросу:			
Для любого правильного ответа:		Ваш ответ верный.	
Для любого неправильного ответа:		Ваш ответ неправильный.	
Подсказка 1:			
Показать количество правильных ответов (Подсказка 1):		Нет	
Удалить некорректные ответы (Подсказка 1):		Нет	
Теги:			
Позволяет выбирать один или несколько правильных ответов из заданного списка. (МС/МА)			

3

В центре квадрата со стороной (a) расположен круг радиусом $(a/4)$. Какова вероятность того, что случайно брошенная в квадрат точка окажется и в круге? Вероятность попадания точки в область пропорциональна размеру области и не зависит от её расположения.			МС
Балл по умолчанию:			1
Случайный порядок ответов			Да
Нумеровать варианты ответов?			0
Штраф за каждую неправильную попытку:			33.3
ID-номер:			
#	Ответы	Отзыв	Оценка
A.	$(\frac{\pi - 1}{8})$		0
B.	$(3/10)$		0
C.	$(\frac{\pi}{16})$		100
D.	$(\frac{1}{a})$		0
Общий отзыв к вопросу:			
Для любого правильного ответа:		Ваш ответ верный.	
Для любого неправильного ответа:		Ваш ответ неправильный.	
Подсказка 1:			
Показать количество правильных ответов (Подсказка 1):		Нет	
Удалить некорректные ответы (Подсказка 1):		Нет	
Теги:			
<i>Позволяет выбирать один или несколько правильных ответов из заданного списка. (МС/МА)</i>			

Формула Байеса служит для нахождения:			МС
Балл по умолчанию:			1
Случайный порядок ответов			Да
Нумеровать варианты ответов?			0
Штраф за каждую неправильную попытку:			33.3
ID-номер:			
#	Ответы	Отзыв	Оценка
A.	априорных вероятностей		0
B.	апостериорных вероятностей		100
C.	математического ожидания		0
D.	вероятности получения k успехов в n независимых испытаниях		0
Общий отзыв к вопросу:			
Для любого правильного ответа:		Ваш ответ верный.	
Для любого неправильного ответа:		Ваш ответ неправильный.	
Подсказка 1:			
Показать количество правильных ответов (Подсказка 1):		Нет	
Удалить некорректные ответы (Подсказка 1):		Нет	
Теги:			
<i>Позволяет выбирать один или несколько правильных ответов из заданного списка. (МС/МА)</i>			

5

Каково наиболее вероятное число попаданий при ста выстрелах, если вероятность попадания при одном выстреле 0.7?			МС
Балл по умолчанию:			1
Случайный порядок ответов			Да
Нумеровать варианты ответов?			0
Штраф за каждую неправильную попытку:			33.3
ID-номер:			
#	Ответы	Отзыв	Оценка
A.	7		0
B.	70		100
C.	30		0
D.	49		0
Общий отзыв к вопросу:			
Для любого правильного ответа:		Ваш ответ верный.	
Для любого неправильного ответа:		Ваш ответ неправильный.	
Подсказка 1:			
Показать количество правильных ответов (Подсказка 1):		Нет	
Удалить некорректные ответы (Подсказка 1):		Нет	
Теги:			
Позволяет выбирать один или несколько правильных ответов из заданного списка. (МС/МА)			

6

Вероятность получения k успехов в n независимых испытаниях при условии, что число испытаний велико: $n \gg 1$, а вероятность успеха в каждом испытании мала: $p \ll 1$, – определяется формулой:			MC
Балл по умолчанию:			1
Случайный порядок ответов			Да
Нумеровать варианты ответов?			0
Штраф за каждую неправильную попытку:			33.3
ID-номер:			
#	Ответы	Отзыв	Оценка
A.	Пуассона		100
B.	Муавра-Лапласа		0
C.	Бернулли		0
D.	Гаусса		0
	Общий отзыв к вопросу:		
	Для любого правильного ответа:	Ваш ответ верный.	
	Для любого неправильного ответа:	Ваш ответ неправильный.	
	Подсказка 1:		
	Показать количество правильных ответов (Подсказка 1):	Нет	
	Удалить некорректные ответы (Подсказка 1):	Нет	
	Теги:		
Позволяет выбирать один или несколько правильных ответов из заданного списка. (MC/MA)			

Какова вероятность получить 3 «орла» при шестикратном бросании монеты?			МС
Балл по умолчанию:			1
Случайный порядок ответов:			Да
Нумеровать варианты ответов?			0
Штраф за каждую неправильную попытку:			33.3
ID-номер:			
#	Ответы	Отзыв	Оценка
A.	3/8		0
B.	1/2		0
C.	5/16		100
D.	$\frac{1}{2^6}$		0
Общий отзыв к вопросу:			
Для любого правильного ответа:		Ваш ответ верный.	
Для любого неправильного ответа:		Ваш ответ неправильный.	
Подсказка 1:			
Показать количество правильных ответов (Подсказка 1):		Нет	
Удалить некорректные ответы (Подсказка 1):		Нет	
Теги:			
Позволяет выбирать один или несколько правильных ответов из заданного списка. (МС/МА)			

Каким из перечисленных свойств должна обладать функция распределения вероятностей дискретной случайной величины?			МС
Балл по умолчанию:			1
Случайный порядок ответов			Да
Нумеровать варианты ответов?			0
Штраф за каждую неправильную попытку:			33.3
ID-номер:			
#	Ответы	Отзыв	Оценка
A.	непрерывная		0
B.	неубывающая		100
C.	дифференцируемая		0
D.	квадратично интегрируемая		0
Общий отзыв к вопросу:			
Для любого правильного ответа:		Ваш ответ верный.	
Для любого неправильного ответа:		Ваш ответ неправильный.	
Подсказка 1:			
Показать количество правильных ответов (Подсказка 1):		Нет	
Удалить некорректные ответы (Подсказка 1):		Нет	
Теги:			
<i>Позволяет выбирать один или несколько правильных ответов из заданного списка. (МС/МА)</i>			

Какое из перечисленных распределений НЕ является дискретным?			МС
Балл по умолчанию:			1
Случайный порядок ответов			Да
Нумеровать варианты ответов?			0
Штраф за каждую неправильную попытку:			33.3
ID-номер:			
#	Ответы	Отзыв	Оценка
A.	биномиальное		0
B.	Пуассона		0
C.	геометрическое		0
D.	нормальное		100
Общий отзыв к вопросу:			
Для любого правильного ответа:		Ваш ответ верный.	
Для любого неправильного ответа:		Ваш ответ неправильный.	
Подсказка 1:			
Показать количество правильных ответов (Подсказка 1):		Нет	
Удалить некорректные ответы (Подсказка 1):		Нет	
Теги:			
Позволяет выбирать один или несколько правильных ответов из заданного списка. (МС/МА)			

top/По умолчанию для ФОС_10.05.01 Компьютерная безопасность /ОПК-1/Теория вероятностей и математическая статистика/Теория вероятностей и математическая статистика_задания с коротким ответом

Три стрелка стреляют по мишени. Вероятности попадания для каждого из стрелков: $\backslash(p_1 = 0.7)$, $\backslash(p_2 = 0.6)$, $\backslash(p_3 = 0.8)$. Вычислить вероятность того, что попал ровно один стрелок.			NUM
Балл по умолчанию:			2
Штраф за каждую неправильную попытку:			33.3
ID-номер:			
#	Ответы	Отзыв	Оценка
A.	0.188		100
Общий отзыв к вопросу:			
Подсказка 1:			
Показать количество правильных ответов (Подсказка 1):		Нет	
Удалить некорректные ответы (Подсказка 1):		Нет	
Теги:			
Импортирование этого типа вопроса не поддерживается.			

2

Вероятность допустить опечатку при наборе текста $(p = 0.0005)$. На странице $(n = 2500)$ символов. Какова вероятность того, что на странице окажется не более одной опечатки? Ответ округлить до сотых.			NUM
Балл по умолчанию:			2
Штраф за каждую неправильную попытку:			33.3
ID-номер:			
#	Ответы	Отзыв	Оценка
A.	0.64		100
	Общий отзыв к вопросу:		
	Подсказка 1:		
	Показать количество правильных ответов (Подсказка 1):	Нет	
	Удалить некорректные ответы (Подсказка 1):	Нет	
	Теги:		
<i>Импортирование этого типа вопроса не поддерживается.</i>			

3

Назовите математическое ожидание случайной величины с распределением $(p(x) = \frac{1}{3\sqrt{2\pi}} e^{-\frac{(x-3)^2}{18}})$.			NUM
Балл по умолчанию:			2
Штраф за каждую неправильную попытку:			33.3
ID-номер:			
#	Ответы	Отзыв	Оценка
A.	3		100
	Общий отзыв к вопросу:		
	Подсказка 1:		
	Показать количество правильных ответов (Подсказка 1):	Нет	
	Удалить некорректные ответы (Подсказка 1):	Нет	
	Теги:		
<i>Импортирование этого типа вопроса не поддерживается.</i>			

top/По умолчанию для ФОС_10.05.01 Компьютерная безопасность /ОПК-1/Теория вероятностей и математическая статистика/Теория вероятностей и математическая статистика_задания с развёрнутым ответом

1

Независимые события: определение, необходимое и достаточное условие независимости, примеры.		ES
Балл по умолчанию:		3
Формат ответа:		HTML-редактор с выбором файлов
Требовать текст:		Нет
Размер поля:		15
Разрешить вложения:		1
Требуемое число вложений:		0
Разрешенные типы файлов:		
ID-номер:		
	Шаблон ответа	Информация для оценивающих
		<p>События A и B с вероятностями $p_A, p_B \neq 0$ называются независимыми, если $p_{AB} = p(A)p(B)$ или $p_{BA} = p(B)p(A)$, где $p(A B)$ – условная вероятность события A при условии B.</p> <p>Необходимое и достаточное условие независимости:</p> <p>События независимы тогда и только тогда, когда $p_{AB} = p_A p_B$, где AB – событие, состоящее в одновременном наступлении событий A и B (пересечение).</p> <p>Доказательство:</p> <ul style="list-style-type: none"> • Пусть события A и B независимы. Тогда $p_{AB} = p_A p_B$ и $p_{BA} = p_B p_A$. • Пусть $p_{AB} = p_A p_B$, $p_A, p_B \neq 0$. Докажем, что A и B независимы: • $p_{BA} = p_{AB} p_B / p_A = p_B p_A = p_B p(A)$. Аналогично доказывается равенство $p_{AB} = p(A)p(B)$. Таким образом, события A и B независимы. <p>Доказательство завершено.</p> <p>Три и более события называются независимыми в совокупности, если вероятность их произведения равна произведению их вероятностей.</p> <p>Независимыми являются, например, выпадения орла в последовательных бросаниях монетки; выпадения одного очка на одной брошенной игральной кости и шести очков на другой; попадания в мишень одновременно стреляющими стрелками.</p>
	Общий отзыв к вопросу:	
	Теги:	
<i>Допускает в ответе загрузить файл и/или ввести текст. Ответ должен быть оценен преподавателем вручную.</i>		

Три станка выпускают одинаковые детали. 40% деталей выпускаются первым станком, 30% – вторым и 30% – третьим. Вероятность брака на первом станке 0.02, на втором – 0.01, на третьем – 0.015. Обнаружена бракованная деталь. Какова вероятность того, что она изготовлена на первом станке?		ES												
Балл по умолчанию:		3												
Формат ответа:		HTML-редактор с выбором файлов												
Требовать текст:		Нет												
Размер поля:		15												
Разрешить вложения:		1												
Требуемое число вложений:		0												
Разрешенные типы файлов:														
ID-номер:														
	Шаблон ответа	Информация для оценивающих												
		<p>Обозначим A – появление бракованной детали. Рассмотрим гипотезы H_i: деталь выпущена i-м станком. Вычислим их вероятности и запишем условные вероятности события A при условиях H_i:</p> <table border="1"> <thead> <tr> <th>H_i</th> <th>p(H_i)</th> <th>p(A H_i)</th> </tr> </thead> <tbody> <tr> <td>H₁</td> <td>0.4</td> <td>0.02</td> </tr> <tr> <td>H₂</td> <td>0.3</td> <td>0.01</td> </tr> <tr> <td>H₃</td> <td>0.3</td> <td>0.015</td> </tr> </tbody> </table> <p>Искомая вероятность p есть апостериорная вероятность гипотезы H₁ при условии A. Для её нахождения воспользуемся формулой Байеса:</p> $p(H_1 A) = \frac{p(H_1)p(A H_1)}{\sum_{k=1}^3 p(H_k)p(A H_k)}$ <p>Получаем ответ: p ≈ 0.52.</p>	H _i	p(H _i)	p(A H _i)	H ₁	0.4	0.02	H ₂	0.3	0.01	H ₃	0.3	0.015
H _i	p(H _i)	p(A H _i)												
H ₁	0.4	0.02												
H ₂	0.3	0.01												
H ₃	0.3	0.015												
	Общий отзыв к вопросу:													
	Теги:													
Допускает в ответе загрузить файл и/или ввести текст. Ответ должен быть оценен преподавателем вручную.														

Математическое ожидание дискретной случайной величины: определение и свойства (не менее трёх), пример расчёта.		ES								
Балл по умолчанию:		3								
Формат ответа:		HTML-редактор с выбором файлов								
Требовать текст:		Нет								
Размер поля:		15								
Разрешить вложения:		1								
Требуемое число вложений:		0								
Разрешенные типы файлов:										
ID-номер:										
	Шаблон ответа	Информация для оценивающих								
		<p>Определение: Пусть X – дискретная случайная величина с законом распределения x_i, p_i. Математическим ожиданием величины X называется число</p> $MX = \sum x_i p_i,$ <p>при условии, что сходится ряд $\sum x_i p_i$.</p> <p>Свойства:</p> <ul style="list-style-type: none"> • Если величина постоянная: $X = C$, то $MC = C$. • Умножение на число: $MaX = aMX$. • Математическое ожидание суммы: $MX + Y = MX + MY$. • Математическое ожидание произведения: $MX Y = MX MY$, если X и Y независимы. <p>Пример: Пусть X задана законом распределения:</p> <table border="1"> <tr> <td>x_i</td> <td>0</td> <td>1</td> <td>-1</td> </tr> <tr> <td>p_i</td> <td>0.4</td> <td>0.4</td> <td>0.2</td> </tr> </table> <p>Тогда $MX = 0 \cdot 0.4 + 1 \cdot 0.4 + (-1) \cdot 0.2 = 0.2$.</p>	x_i	0	1	-1	p_i	0.4	0.4	0.2
x_i	0	1	-1							
p_i	0.4	0.4	0.2							
	Общий отзыв к вопросу:									
	Теги:									
<i>Допускает в ответе загрузить файл и/или ввести текст. Ответ должен быть оценен преподавателем вручную.</i>										

<p>Производятся выстрелы по мишени до первого попадания или пока не закончатся патроны. Всего имеется 5 патронов, вероятность попадания при одном выстреле $(p = 0.6)$. Пусть (X) – общее количество истраченных патронов. Построить распределение (X), найти для этой величины математическое ожидание, дисперсию и среднее квадратическое отклонение.</p>		ES																		
Балл по умолчанию:		3																		
Формат ответа:		HTML-редактор с выбором файлов																		
Требовать текст:		Нет																		
Размер поля:		15																		
Разрешить вложения:		1																		
Требуемое число вложений:		0																		
Разрешенные типы файлов:																				
ID-номер:																				
	Шаблон ответа	Информация для оценивающих																		
		<p>Вероятность потратить k патронов, $k = 1, 2, 3, 4, 5$: $p_k = q^{k-1}p$, $q = 1 - p = 0.4$.</p> <p>Закон распределения. Для нахождения дисперсии сразу впишем в таблицу значения k^2:</p> <table border="1"> <tr> <td>k</td> <td>1</td> <td>2</td> <td>3</td> <td>4</td> <td>5</td> </tr> <tr> <td>k^2</td> <td>1</td> <td>4</td> <td>9</td> <td>16</td> <td>25</td> </tr> <tr> <td>p</td> <td>0.6</td> <td>0.24</td> <td>0.096</td> <td>0.0384</td> <td>0.01536</td> </tr> </table> <p>Математическое ожидание: $MX = \sum k \cdot p_k = 1,5984$. Дисперсия: $DX = MX^2 - (MX)^2 \approx 0.8675$. Среднее квадратическое отклонение: $\sigma X = \sqrt{DX} \approx 0.93$.</p>	k	1	2	3	4	5	k^2	1	4	9	16	25	p	0.6	0.24	0.096	0.0384	0.01536
k	1	2	3	4	5															
k^2	1	4	9	16	25															
p	0.6	0.24	0.096	0.0384	0.01536															
	Общий отзыв к вопросу:																			
	Теги:																			
<p><i>Допускает в ответе загрузить файл и/или ввести текст. Ответ должен быть оценен преподавателем вручную.</i></p>																				

Плотность распределения одномерной случайной величины: определение, свойства, примеры.		ES
Балл по умолчанию:		3
Формат ответа:		HTML-редактор с выбором файлов
Требовать текст:		Нет
Размер поля:		15
Разрешить вложения:		1
Требуемое число вложений:		0
Разрешенные типы файлов:		
ID-номер:		
	Шаблон ответа	Информация для оценивающих
		<p>Определение: Пусть X – случайная величина. Если её функция распределения может быть представлена в виде: $F_x = \int_{-\infty}^x p_x dx$, то сама величина называется непрерывной, а функция p_x – её плотностью распределения.</p> <p>Свойства:</p> <ul style="list-style-type: none"> • $p_x \geq 0$. • Условие нормировки: $\int_{-\infty}^{+\infty} p_x dx = 1$. • $P\{x_1 \leq X \leq x_2\} = \int_{x_1}^{x_2} p_x dx$. • $p_x = F'_x$ в точках непрерывности p_x. <p>Примеры: $p_x = C, x \in a, b$ – равномерное; $p_x = \lambda e^{-\lambda x}, x \geq 0$ – показательное; $p_x = \frac{1}{\sigma\sqrt{2\pi}} e^{-x^2/2\sigma^2}$ – стандартное нормальное.</p>
	Общий отзыв к вопросу:	
	Теги:	
<i>Допускает в ответе загрузить файл и/или ввести текст. Ответ должен быть оценен преподавателем вручную.</i>		

Свойства плотности распределения двумерной случайной величины. Примеры многомерных непрерывных случайных величин.		ES
Балл по умолчанию:		3
Формат ответа:		HTML-редактор с выбором файлов
Требовать текст:		Нет
Размер поля:		15
Разрешить вложения:		1
Требуемое число вложений:		0
Разрешенные типы файлов:		
ID-номер:		
	Шаблон ответа	Информация для оценивающих
		<p>Свойства $p_{x,y}$:</p> <ul style="list-style-type: none"> • Условие нормировки: $\iint_{-\infty+\infty} p_{x,y} dx dy = 1$. • Связь с функцией распределения: $p_{x,y} = F_{xy}''(x,y)$ в точках непрерывности $p_{x,y}$. • Маргинальные распределения: $p_x = \int_{-\infty+\infty} p_{x,y} dy$, $p_y = \int_{-\infty+\infty} p_{x,y} dx$. • $P\{X, Y \in D\} = \iint_D p_{x,y} dx dy$. <p>Примеры:</p> <ul style="list-style-type: none"> • Координаты точки попадания снаряда на землю – двумерная непрерывная случайная величина. • Координаты и вектор скорости молекулы в газе – трёхмерные случайные величины.
	Общий отзыв к вопросу:	
	Теги:	
<i>Допускает в ответе загрузить файл и/или ввести текст. Ответ должен быть оценен преподавателем вручную.</i>		

Для оценивания результатов обучения на экзамене используется 4-балльная шкала: «отлично», «хорошо», «удовлетворительно», «неудовлетворительно».

Критерии оценивания компетенций	Уровень сформированности компетенций	Шкала оценок
<p>Полное соответствие ответа обучающегося всем перечисленным критериям. Обучающийся демонстрирует высокий уровень владения материалом, ориентируется в предметной области, верно отвечает на все дополнительные вопросы.</p>	<p>Повышенный уровень</p>	<p>Отлично</p>
<p>Ответ на контрольно-измерительный материал не соответствует одному или двум из перечисленных показателей, но обучающийся дает правильные ответы на дополнительные вопросы. Допускаются ошибки при воспроизведении части теоретических положений.</p>	<p>Базовый уровень</p>	<p>Хорошо</p>
<p>Ответ на контрольно-измерительный материал не соответствует любым трём из перечисленных показателей, обучающийся дает неполные ответы на дополнительные вопросы. Сформированные знания основных понятий, определений и теорем, изучаемых в курсе, не всегда полное их понимание с затруднениями при воспроизведении.</p>	<p>Пороговый уровень</p>	<p>Удовлетворительно</p>
<p>Ответ на контрольно-измерительный материал не соответствует любым четырём из перечисленных показателей. Обучающийся демонстрирует отрывочные знания (либо их отсутствие) основных понятий, определений и теорем, используемых в курсе.</p>	<p>–</p>	<p>Неудовлетворительно</p>